

УДК 621.3.085.42

## **ПРЕОБРАЗОВАТЕЛЬ ЛИНЕЙНЫХ ПЕРЕМЕЩЕНИЙ С ПСЕВДОСЛУЧАЙНОЙ КОДОВОЙ ШКАЛОЙ НА ОСНОВЕ ПЕРЕСЧЕТНОЙ СХЕМЫ**

**А.А. Ожиганов, Жуань Чжипэн**

В статье рассматриваются принципы построения однопорочечных псевдослучайных кодовых шкал для преобразователей линейных перемещений, а также предлагается структура кодопреобразователя псевдослучайного кода в обыкновенный двоичный код.

**Ключевые слова:** кодовая шкала, М-последовательность, считывающие элементы.

### **Введение**

Технический прогресс в науке и технике непрерывно связан с широким использованием вычислительных и управляющих машин, специфика работы которых предопределила развитие устройств ввода-вывода информации в ЭВМ. Задачи названных устройств – преобразование поступающей информации в виде аналоговых сигналов в числовой эквивалент и преобразование кода в аналоговый сигнал.

Преобразователи угловых и линейных перемещений в цифровой код предназначены для решения первой задачи и являются одними из востребованных устройств ввода информации в ЭВМ. Можно назвать много объектов – летательные аппараты, корабли, астрономические инструменты, станки с программным управлением и т.д. – точность управления которыми, а также их надежность, в первую очередь, зависит от точности и надежности преобразователей перемещений в цифровой код.

В настоящее время можно проследить тенденцию в развитии преобразователей перемещений за счет совершенствования существующих и разработки новых типов кодирующих устройств преобразователей [1]. При этом наибольшее внимание уделяется улучшению технологических, надежностных, а также массо-габаритных характеристик преобразователей перемещений. Исследованию вопросов повышения качественных показателей устройств преобразования информации посвящено большое число работ, однако в большинстве случаев анализируются возможности улучшения свойств преобразователей при использовании классических принципов их организации.

В данной работе рассматривается принципиально новый подход к построению кодовых шкал преобразователей линейных перемещений, базирующийся на использовании псевдослучайных двоичных последовательностей максимальной длины (М-последовательностей). Основной отличительной чертой таких кодовых шкал является использование всего одной информационной кодовой дорожки, что, естественно, позволяет улучшить основные технологические характеристики преобразователей перемещения на их основе.

### **Теоретические аспекты построения псевдослучайных кодовых шкал для преобразователей линейных перемещений**

Круговая псевдослучайная кодовая шкала (ПСКШ) имеет всего одну информационную кодовую дорожку, выполненную в соответствии с символами М-последовательности, и  $n$  считывающих элементов (СЭ), размещенных вдоль дорожки. При полном перемещении шкалы считывающие элементы дают возможность получить  $M = 2^n - 1$  различных  $n$ -разрядных кодовых комбинаций, что обеспечивает разрешающую способность преобразователя угловых перемещений на основе ПСКШ  $\delta = 2\pi/M$  [2].

Для генерации М-последовательности  $\mathbf{a}$  длиной  $M = 2^n - 1$  используется примитивный полином  $h(x)$  степени  $n$  с коэффициентами поля Галуа GF(2) [3], т.е.

$$h(x) = \sum_{i=0}^n h_i x^i, \quad (1)$$

где  $h_0 = h_n = 1$ , а  $h_i = 0, 1$  при  $0 < i < n$ . Символы М-последовательности  $a_{n+j}$  удовлетворяют рекурсивному соотношению

$$a_{n+j} = \bigoplus_{i=0}^{n-1} a_{i+j} h_i, \quad j = 0, 1, \dots, \quad (2)$$

где знак  $\bigoplus$  означает суммирование по модулю два, а индексы при символах М-последовательности берутся по модулю  $M$ . Начальные значения символов М-последовательности  $a_0 a_1 \dots a_{n-1}$  могут выбираться произвольно, за исключением нулевой комбинации.

М-последовательности относятся к классу циклических кодов и могут задаваться с помощью порождающего полинома  $g(x) = (x^M + 1) / h(x)$ . Для каждой М-последовательности длины  $M$  существует ровно  $M$  различных циклических сдвигов, которые могут быть получены путем умножения порождающего полинома  $g(x)$  на  $x^j$ , где  $j = 0, 1, \dots, M - 1$ .

Поскольку ПСКШ строятся в соответствии с символами М-последовательности, можно путем циклических сдвигов определить порядок размещения на шкале  $n$  СЭ, т.е.  $m$ -му СЭ,  $m = 1, 2, \dots, n$ , ставится в соответствие  $j_m$ -й циклический сдвиг  $x^{j_m} g(x)$  М-последовательности. Тогда полином, определяющий порядок размещения на шкале  $n$  СЭ, имеет вид

$$r(x) = \sum_{m=1}^n x^{j_m}, \quad (3)$$

где  $j_m \in \{0, 1, \dots, M - 1\}$ . Положив  $j_1 = 0$ , согласно (3), получим положения 2-го, 3-го, ...,  $n$ -го СЭ, смещенные относительно первого СЭ на  $j_2, j_3, \dots, j_n$  элементарных участков информационной дорожки шкалы соответственно [4].

Основные подходы к построению однодорожечных ПСКШ для преобразователей линейных перемещений рассмотрены в [5]. Разрешающая способность таких шкал  $\delta_n = L / M = L / (2^n - 1)$ , где  $L$  – длина кодируемого перемещения, а  $n$  – разрядность КШ.

В отличие от круговой шкалы, линейная ПСКШ разомкнута, поэтому для обеспечения заданной разрешающей способности шкалы необходимо получить соответствующую последовательность символов  $\mathbf{A} = \{A_i\}$ ,  $i = 0, 1, \dots$ , пригодную для синтеза единственной информационной дорожки линейной ПСКШ. Задача генерации последовательности  $\mathbf{A}$  в общем виде решается с использованием рекурсивного соотношения (2) в предположении, что размещение СЭ на ПСКШ корректно и задается полиномом (3). Для определенности начальные значения символов последовательности  $\mathbf{A}$  выбираются  $A_0 = A_1 = \dots = A_{n-2} = 0$ ,  $A_{n-1} = 1$ .

Очевидно, символы последовательности  $\mathbf{A}$  должны полностью включать в себя символы М-последовательности  $\mathbf{a}$ , а также некоторые дополнительные символы этой же последовательности, число которых зависит от выбранного полинома размещения  $r(x)$  на ПСКШ СЭ.

Определим разность между номерами циклических сдвигов М-последовательности, соответствующих размещению на шкале двух соседних СЭ, как  $d_i = j_m - j_{m-1}$ , где  $i = 1, 2, \dots, n - 1$ ,  $m = 2, 3, \dots, n$ . Тогда число применений рекурсивного

соотношения (2) при заданных начальных условиях, необходимое для генерации последовательности  $A$ , может быть получено по формуле

$$t = 2^n - (n + 1) + \sum_{i=1}^{n-1} d_i . \tag{4}$$

С учетом того, что

$$\sum_{i=1}^{n-1} d_i = d_1 + \dots + d_i + \dots + d_{n-1} = (j_2 - j_1) + \dots + (j_m - j_{m-1}) + \dots + (j_n - j_{n-1}) = j_n ,$$

соотношение (4) в конечном виде принимает вид

$$t = 2^n - (n + 1) + j_n . \tag{5}$$

Общее число символов последовательности  $A$  с учетом  $n$  задаваемых начальных значений может быть найдено из соотношения

$$T = 2^n + j_n - 1 . \tag{6}$$

Сформулируем основные принципы построения линейных ПСКШ.

1. В зависимости от требуемой разрядности линейной ПСКШ выбирается примитивный полином  $h(x)$ .
2. С учетом требований к размещению на шкале считывающих элементов формируется полином размещения  $r(x)$ .
3. На основе рекурсивного соотношения (2) с учетом выражений (5) и (6) генерируется последовательность  $A$ .
4. Рисунок линейной ПСКШ выполняется в соответствии с символами последовательности  $A$ , при отображении их на информационной дорожке шкалы, например, слева направо в последовательности  $A_0 A_1 \dots A_{T-1}$ .

Поясним изложенный принцип построения линейной ПСКШ на примере трехразрядной шкалы, которая приведена на рис. 1.

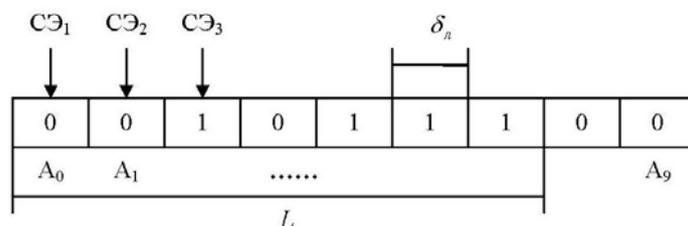


Рис. 1. Трехразрядная линейная ПСКШ с размещением СЭ в соответствии с полиномом  $r(x) = 1 + x + x^2$

Информационная дорожка шкалы соответствует символам последовательности 001011100, для построения которой использован примитивный полином  $h(x) = x^3 + x + 1$ . Размещение трех СЭ вдоль дорожки линейной ПСКШ определяется полиномом  $r(x) = 1 + x + x^2$ . В примере получаем семь различных трехразрядных кодовых комбинаций: 001, 010, 101, 011, 111, 110, 100. Из рис. 1 видно, что последовательно снимаемый со шкалы код отличается от обыкновенного двоичного кода (ОДК). Поэтому для преобразования такого кода в ОДК необходим кодопреобразователь.

### Преобразование псевдослучайных кодов в обыкновенный двоичный код

В данной работе задача преобразования псевдослучайного кода (ПК), получаемого с ПСКШ, в ОДК решена посредством пересчетной схемы (ПС). На рис. 2 приведена структура такого преобразователя. Операторный блок предназначен для преобразования ПК, снимаемого со шкалы, при произвольном полиноме размещения СЭ, заданного

в соответствии с соотношением (3), в код, получаемый с ПСКШ при размещении СЭ с шагом в один квант. Естественно, что при размещении СЭ на ПСКШ с шагом в один квант операторный блок в схеме кодопреобразователя отсутствует.

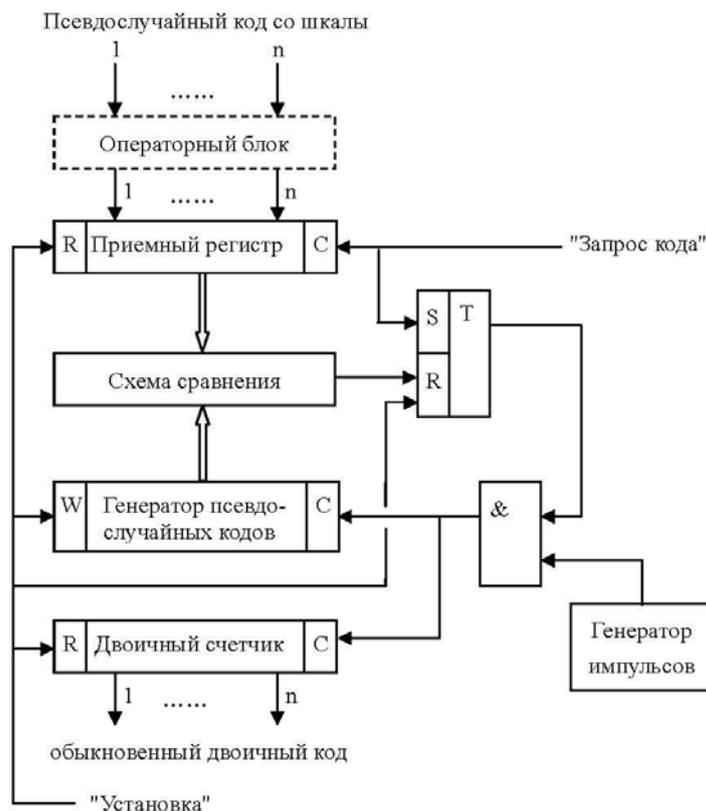


Рис. 2. Структура преобразователя псевдослучайного кода, получаемого с ПСКШ, в ОДК на основе ПС

Работа схемы осуществляется следующим образом. По сигналу «Установка» приемный регистр, двоичный счетчик и триггер устанавливаются в нулевое состояние. По этому же сигналу в генератор псевдослучайных кодов записывается код, соответствующий положению ПСКШ, принятому за исходное. По сигналу «Запрос кода» текущий псевдослучайный код со шкалы после преобразования в операторном блоке записывается в приемный регистр, триггер устанавливается в единичное состояние, и импульсы с генератора импульсов через вентиляющую схему начинают поступать на счетный вход двоичного счетчика и на вход синхронизации генератора псевдослучайных кодов.

Псевдослучайный код	Обыкновенный двоичный код
001	000
010	001
101	010
011	011
111	100
110	101
100	110

Таблица. Последовательность кодовых комбинаций, получаемых с ПСКШ и с выходов ПС

В момент совпадения кода, хранящегося в приемном регистре, и кода, снимаемого с генератора псевдослучайных кодов, на выходе схемы сравнения вырабатывается импульс, который сбрасывает триггер в нулевое состояние. После этого поступление импульсов через вентиляющую схему на входы генератора псевдослучайных кодов и двоичного счетчика прекращается.

С выхода счетчика снимается обыкновенный двоичный код, соответствующий текущему положению ПСКШ. Для приведенного примера трехрядной шкалы операторный блок отсутствует, поскольку СЭ вдоль информационной дорожки ПСКШ размещаются с шагом в один квант. В таблице приведены кодовые комбинации, поступающие на вход ПС и получаемые на ее выходе.

### Заключение

В статье рассмотрены принципы построения однопорожечных псевдослучайных кодовых шкал для преобразователей линейных перемещений, а также предложена структура кодопреобразователя псевдослучайного кода в обыкновенный двоичный код.

### Литература

1. Домрачев В.Г., Мейко Б.С. Цифровые преобразователи угла: принципы построения, теория точности, методы контроля. – М.: Энергоатомиздат, 1984. – 328 с.
2. Ожиганов А.А. Псевдослучайные кодовые шкалы // Приборостроение. – 1987. – Т. 30. – № 2. – С. 40–43.
3. Макуильямс Ф.Д., Слоан Н.Д. Псевдослучайные последовательности и таблицы // ТИИЭР. – 1976. – Т. 64. – № 12. – С. 80–95.
4. Ожиганов А.А. Алгоритм размещения считывающих элементов на псевдослучайной кодовой шкале // Приборостроение. – 1994. – Т. 37. – № 2. – С. 22–27.
5. Ожиганов А.А. Псевдослучайные кодовые шкалы для преобразователей линейных перемещений // Приборостроение. – 1995. – Т. 38. – № 11–12. – С. 37–39.

*Ожиганов Александр Аркадьевич*

– Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики, доктор технических наук, профессор, ojiganov@mail.ifmo.ru

*Жуань Чжипэн*

Санкт-Петербургский государственный университет информационных технологий, механики и оптики, аспирант, zhipeng\_ruan@mail.ru